**[Thuật toán sinh]. Bài 1. Xâu nhị phân kế tiếp**

Cho xâu nhị phân S, hãy in ra xâu nhị phân kế tiếp của S. Trong trường hợp S là xâu nhị phân cuối cùng thì in ra xâu nhị phân đầu tiên.

**Input Format**

1 dòng duy nhất chưa xâu nhị phân S

**Constraints**

1<=len(S)<=1000;

**Output Format**

In ra xâu nhị phân kế tiếp.

**Sample Input 0**

1110010

**Sample Output 0**

1110011

**Sample Input 1**

11111

**Sample Output 1**

00000

**[Thuật toán sinh]. Bài 2. Tổ hợp kế tiếp**

Cho tập gồm N phần tử là các số từ 1 tới N và số K. Bạn hãy đưa ra tập con kế tiếp của tập con hiện tại. Nếu tập con hiện tại là tập con cuối cùng thì bạn hãy đưa ra tập con kế tiếp là tập con đầu tiên.

**Input Format**

Dòng đầu tiên là 2 số nguyên dương N và K. Dòng thứ 2 là K số nguyên của tập con hiện tại

**Constraints**

1<=K<=N<=1000;

**Output Format**

In ra tập con kế tiếp trên 1 dòng.

**Sample Input 0**

6 5

2 3 4 5 6

**Sample Output 0**

1 2 3 4 5

**Sample Input 1**

11 7

1 3 5 6 7 8 9

**Sample Output 1**

1 3 5 6 7 8 10

**[Thuật toán sinh]. Bài 3. Hoán vị kế tiếp 1**

Cho số tự nhiên N, bạn được cung cấp một hoán vị của N phần tử từ 1 tới N. Nhiệm vụ của bạn là sinh ra hoán vị kế tiếp của hoán vị được cho, nếu hoán vị được cho là hoán vị cuối cùng thì yêu cầu in ra hoán vị đầu tiên.

**Input Format**

Dòng đầu tiên là số tự nhiên N. Dòng thứ 2 là các số tự nhiên trong hoán vị hiện tại.

**Constraints**

1<=N<=1000;

**Output Format**

In ra hoán vị kế tiếp trên một dòng.

**Sample Input 0**

6

3 1 5 6 2 4

**Sample Output 0**

3 1 5 6 4 2

**[Thuật toán sinh]. Bài 4. Xâu AB**

Nhiệm vụ của bạn ở bài tập này là sinh ra các xâu chỉ bao gồm 2 kí tự A và B theo thứ tự từ điển giảm dần.

**Input Format**

Dòng duy nhất chứa số nguyên dương N là độ dài của xâu.

**Constraints**

1<=N<=10;

**Output Format**

In ra các xâu AB, mỗi xâu được in trên 1 dòng.

**Sample Input 0**

3

**Sample Output 0**

BBB

BBA

BAB

BAA

ABB

ABA

AAB

AAA

**[Thuật toán sinh]. Bài 5. Sinh tổ hợp**

Cho hai số nguyên dương N và K. Nhiệm vụ của bạn là hãy liệt kê tất cả các tập con K phần tử của các số từ 1 tới N.

**Input Format**

2 số nguyên dương N và K.

**Constraints**

1<=K<=N<=15;

**Output Format**

In ra các tổ hợp trên từng dòng.

**Sample Input 0**

5 2

**Sample Output 0**

12

13

14

15

23

24

25

34

35

45

**[Thuật toán sinh]. Bài 6. Sinh hoán vị ngược**

Cho số nguyên dương N. Nhiệm vụ của bạn là hãy liệt kê tất cả các hoán vị của các số từ 1 tới N theo thứ tự ngược.

**Input Format**

Dòng duy nhất chứa số nguyên dương N.

**Constraints**

1<=N<=10;

**Output Format**

In ra các hoán vị của N phần tử theo thứ tự ngược

**Sample Input 0**

3

**Sample Output 0**

321

312

231

213

132

123

**[Thuật toán sinh]. Bài 7. Xếp vị trí**

Cho N bạn học sinh, giáo viên muốn xếp các bạn học sinh này vào một hàng ngang gồm N chiếc ghế. Nhiệm vụ của bạn là liệt kê các cách sắp xếp N bạn học sinh này theo thứ tự tên người tăng dần về thứ tự từ điển.

**Input Format**

Dòng đầu tiên là số N. Dòng thứ 2 là N tên học sinh, mỗi tên chỉ bao gồm một từ.

**Constraints**

1<=N<=10;

**Output Format**

In ra các cách xếp trên từng dòng.

**Sample Input 0**

3

Lan Ngoc Nhung

**Sample Output 0**

Lan Ngoc Nhung

Lan Nhung Ngoc

Ngoc Lan Nhung

Ngoc Nhung Lan

Nhung Lan Ngoc

Nhung Ngoc Lan

**[Thuật toán sinh]. Bài 8. Số thứ tự hoán vị**

Cho số tự nhiên N, hiện tại bạn được cung cấp một hoán vị của N phần tử các số từ 1 đến N. Nhiệm vụ của bạn là xác định xem hoán vị này là hoán vị thứ bao nhiêu nếu bạn sinh ra tất cả các hoán vị của tập N phần tử. Ví dụ với N = 3, thì hoán vị 132 là hoán vị thứ 2.

**Input Format**

Dòng đầu tiên là số nguyên dương N. Dòng thứ 2 là N số nguyên của cấu hình hiện tại

**Constraints**

1<=N<=10;

**Output Format**

In ra số thứ tự của hoán vị được cho

**Sample Input 0**

3

3 1 2

**Sample Output 0**

5

**[Thuật toán sinh]. Bài 9. Số thứ tự tổ hợp**

Cho 2 số nguyên dương N và K và một tổ hợp K phần tử của tập N phần tử các số từ 1 tới N. Bạn hãy xác định xem tổ hợp đã cho có số thứ tự bao nhiêu nếu xếp các tổ hợp chập K của N theo thứ tự ngược. Ví dụ N = 5, K = 3 và tổ hợp đã cho là (2, 3, 4) sẽ là tổ hợp có số thứ tự 4.

**Input Format**

Dòng đầu gồm 2 số nguyên dương N và K. Dòng thứ 2 gồm K số mô tả tổ hợp đã cho. Dữ liệu đảm bảo tổ hợp đã cho là hợp lệ.

**Constraints**

1<=K<=N<=15;

**Output Format**

In ra số thứ tự của tổ hợp

**Sample Input 0**

12 4

8 9 10 11

**Sample Output 0**

5

**[Thuật toán sinh]. Bài 10. Chỉnh hợp lặp**

Cho 2 số nguyên dương N và K. Nhiệm vụ của bạn là sinh ra chỉnh hợp lặp chập K của N phần tử gồm các số tự nhiên từ 1 đến N. Ví dụ N = 3, K = 2 bạn sẽ có các kết quả là : 11, 12, 13, 21, 22, 23, 31, 32, 33. Số chỉnh hợp lặp chập K của N sẽ là N^K.

**Input Format**

1 dòng duy nhất chứa 2 số nguyên dương N và K.

**Constraints**

1<=K,N<=8

**Output Format**

In ra các cấu hình của chỉnh hợp lặp chập K của N

**Sample Input 0**

2 4

**Sample Output 0**

1111

1112

1121

1122

1211

1212

1221

1222

2111

2112

2121

2122

2211

2212

2221

2222

**[Thuật toán sinh]. Bài 11. Phân hoạch**

Cho số nguyên dương N, bạn hãy in ra các cách biểu diễn N dưới dạng tổng của các số tự nhiên không vượt quá N.

**Input Format**

Số nguyên dương N

**Constraints**

1<=N<=20;

**Output Format**

Dòng đầu tiên in ra số lượng cách biểu diễn. Các dòng tiếp theo in ra cách biểu diễn được liệt kê theo thứ tự từ từ điển giảm dần.

**Sample Input 0**

5

**Sample Output 0**

7

5

4+1

3+2

3+1+1

2+2+1

2+1+1+1

1+1+1+1+1

**[Thuật toán sinh]. Bài 12. Xâu nhị phân có K bit 1.**

Cho số nguyên dương N và K, nhiệm vụ của bạn là liệt kê các xâu nhị phân có độ dài N và có K bit 1 theo thứ tự từ điển tăng dần. Sau đó tiếp tục liệt kê các xâu nhị phân mà chỉ có duy nhất K bit 1 liên tiếp.

**Input Format**

1 dòng chứa 2 số nguyên dương N và K.

**Constraints**

1<=K<=N<=15;

**Output Format**

Dòng đầu tiên in ra các xâu nhị phân có K bit 1. Dòng thứ 2 in ra các xâu nhị phân có duy nhất K bit 1 liên tiếp.

**Sample Input 0**

3 2

**Sample Output 0**

011 101 110

011 110

**[Thuật toán sinh]. Bài 13. Liệt kê tập con**

Cho một tập gồm N phần tử được đánh số từ 1 đến N. Nhiệm vụ của bạn là liệt kê tất cả các tập con khác rỗng của N theo thứ tự từ điển tăng dần.

**Input Format**

Dòng duy nhất chứa số nguyên dương N.

**Constraints**

1<=N<=9;

**Output Format**

In ra các tập con của N theo thứ tự từ điển tăng dần.

**Sample Input 0**

4

**Sample Output 0**

1

1 2

1 2 3

1 2 3 4

1 2 4

1 3

1 3 4

1 4

2

2 3

2 3 4

2 4

3

3 4

4

**[Thuật toán sinh]. Bài 14. Phát lộc(spoj)**

Một xâu ký tự số chỉ bao gồm các chữ số 6 và 8 sẽ được gọi là “phát lộc” nếu thỏa mãn các điều kiện sau: Chữ số đầu tiên là chữ số 8, chữ số cuối cùng là chữ số 6. Không có 2 chữ số 8 nào ở cạnh nhau. Không có nhiều hơn 3 chữ số 6 ở cạnh nhau. Viết chương trình liệt kê các xâu ký tự phát lộc độ dài N theo thứ tự tăng dần.

**Input Format**

Số nguyên dương N;

**Constraints**

2<=N<=15;

**Output Format**

Các xâu lộc phát thỏa mãn điều kiện

**Sample Input 0**

7

**Sample Output 0**

8666866

8668666

8668686

8686686

8686866

**[Thuật toán sinh]. Bài 15. Hoán vị xâu kí tự**

Cho một xâu kí tự S chỉ bao gồm các kí tự , hãy in ra các hoán vị của các kí tự khác nhau trong S theo thứ tự từ điển tăng dần.

**Input Format**

1 dòng chứa xâu S

**Constraints**

1<=len(S)<=10;

**Output Format**

In ra các hoán vị của xâu S

**Sample Input 0**

lqk

**Sample Output 0**

klq

kql

lkq

lqk

qkl

qlk

**[Thuật toán sinh]. Bài 16. Tập quân sự(SPOJ)**

Tại Malibu(Mai Lĩnh) Resort, vào nửa đêm, cả trung đội nhận lệnh tập trung ở sân. Mỗi chiến sỹ được đánh số từ 1 đến N. Giám thị yêu cầu chọn ra một dãy K chiến sỹ để tập đội ngũ và cứ lần lượt duyệt hết tất cả các khả năng chọn K người như vậy từ nhỏ đến lớn (theo số thứ tự). Bài toán đặt ra là cho một nhóm K chiến sỹ hiện đang phải tập đội ngũ, hãy tính xem trong lượt chọn K người tiếp theo thì mấy người trong nhóm cũ sẽ được nghỉ. Nếu đã là nhóm cuối cùng thì tất cả đều được nghỉ

**Input Format**

Dòng 1: hai số nguyên dương N và K; Dòng 2 ghi K số thứ tự của các chiến sỹ đang phải tập đội ngũ (viết từ nhỏ đến lớn)

**Constraints**

1<=K<=N<=1000;

**Output Format**

In ra số lượng chiến sỹ được nghỉ

**Sample Input 0**

8 3

4 6 7

**Sample Output 0**

1

**[Thuật toán sinh]. Bài 17. Next string(SPOJ)**

Hãy viết chương trình nhận vào một chuỗi S(có thể khá dài) các ký tự số và đưa ra màn hình hoán vị kế tiếp của các ký tự số đó (với ý nghĩa là hoán vị có giá trị lớn hơn tiếp theo nếu ta coi chuỗi đó là một giá trị số nguyên). Chú ý: Các ký tự số trong dãy có thể trùng nhau. Ví dụ:123 -> 132 279134399742 -> 279134423799  
Cũng có trường hợp sẽ không thể có hoán vị kế tiếp. Ví dụ như khi đầu vào là chuỗi 987.

**Input Format**

Dòng duy nhất chứa xâu S

**Constraints**

1<=len(S)<=10000;

**Output Format**

In ra xâu hoán vị kế tiếp của S, hoặc in ra "NOT EXIST" nếu S là xâu hoán vị cuối cùng.

**Sample Input 0**

99877541

**Sample Output 0**

NOT EXIST

**Sample Input 1**

76090400736422

**Sample Output 1**

76090400742236

**[Thuật toán sinh]. Bài 18. Bội số**

Một số được coi là số đẹp nếu nó chỉ bao gồm 2 số là 8 và 0. Bạn được cấp một số nguyên dương X, nhiệm vụ của bạn là tìm bội dương nhỏ nhất của X thỏa mãn bội này là số đẹp.

**Input Format**

Dòng đầu tiên là số bộ test T. T dòng tiếp theo mỗi dòng là một số nguyên dương N.

**Constraints**

1<=T<=300; 1<=N<=300;

**Output Format**

Mỗi test in kết quả trên 1 dòng

**Sample Input 0**

6

240

19

55

47

287

247

**Sample Output 0**

8880

88008

880

80088

8088808

8000000008

**[Thuật toán sinh]. Bài 19. Xâu nhị phân đối xứng**

Nhiệm vụ của bạn là hãy liệt kê các xâu nhị phân thuận nghịch có độ dài n theo thứ tự từ điển.

**Input Format**

Dòng duy nhất chứa số nguyên dương n.

**Constraints**

1<=n<=15;

**Output Format**

In ra các xâu thuận nghịch theo thứ tự từ điển

**Sample Input 0**

4

**Sample Output 0**

0000

0110

1001

1111

**[Thuật toán sinh]. Bài 20. Xâu nhị phân đối xứng chẵn**

Nhiệm vụ của bạn là hãy liệt kê các xâu nhị phân thuận nghịch có độ dài chẵn theo thứ tự từ điển với chiều dài không quá n kí tự.

**Input Format**

Dòng duy nhất chứa số nguyên N.

**Constraints**

2<=N<=30

**Output Format**

In ra các xâu nhị phân đối xứng có độ dài chẵn theo thứ tự từ điển.

**Sample Input 0**

4

**Sample Output 0**

00

0000

0110

1001

11

1111

**[Thuật toán sinh]. Bài 21. Chia táo**

Có n quả táo với khối lượng đã biết. Nhiệm vụ của bạn là chia táo thành hai nhóm sao cho sự khác biệt giữa trọng lượng của 2 nhóm là nhỏ nhất.

**Input Format**

Dòng 1 là số nguyên dương N : số lượng quả táo. Dòng thứ 2 là N số nguyên p1,p2,...,pn là trọng lượng tương ứng của các quả táo.

**Constraints**

1<=N<=20; 1<=pi<=10^9;

**Output Format**

In ra độ chênh lệch nhỏ nhất giữa 2 nhóm táo.

**Sample Input 0**

5

3 2 7 4 1

**Sample Output 0**

1

**[Thuật toán sinh]. Bài 22. Số lộc phát chẵn(SPOJ)**

Trong quan điểm người Việt, một số nguyên dương được gọi là “lộc phát” nếu chỉ có hai chữ số là 6 và/hoặc 8. Một số lộc phát X được gọi là đối xứng chẵn nếu: Số chữ số của X là chẵn X thỏa mãn tính chất đối xứng. Hãy liệt kê N số lộc phát đối xứng chẵn đầu tiên theo thứ tự từ nhỏ đến lớn.

**Input Format**

Dòng duy nhất chứa số nguyên dương N

**Constraints**

1<=N<=1000.

**Output Format**

In ra các số thỏa mãn yêu cầu trên 1 dòng.

**Sample Input 0**

57

**Sample Output 0**

66 88 6666 6886 8668 8888 666666 668866 686686 688886 866668 868868 886688 888888 66666666 66688666 66866866 66888866 68666686 68688686 68866886 68888886 86666668 86688668 86866868 86888868 88666688 88688688 88866888 88888888 6666666666 6666886666 6668668666 6668888666 6686666866 6686886866 6688668866 6688888866 6866666686 6866886686 6868668686 6868888686 6886666886 6886886886 6888668886 6888888886 8666666668 8666886668 8668668668 8668888668 8686666868 8686886868 8688668868 8688888868 8866666688 8866886688 8868668688

**[Thuật toán sinh]. Bài 23. Liệt kê hoán vị ngược các phần tử khác nhau**

Cho mảng số nguyên gồm N phần tử, các phần tử trong mảng không quá 100. Hãy liệt kê các hoán vị của các phần tử khác nhau trong mảng theo thứ tự ngược.

**Input Format**

Dòng đầu tiên là N; Dòng thứ 2 là các phần tử trong mảng;

**Constraints**

1<=N<=15;

**Output Format**

In ra các hoán vị ngược của các phần tử khác nhau trong mảng.

**Sample Input 0**

2

1 2

**Sample Output 0**

2 1

1 2

**[Thuật toán sinh]. Bài 24. Liệt kê xâu kí tự**

Cho chữ cái c in hoa và số nguyên K; Hãy tìm cách liệt kê tất cả các xâu có K ký tự khác nhau được tạo ra bởi các chữ cái tính từ ‘A’ đến ký tự c. Các ký tự được phép lặp lại nhưng không tính các xâu là hoán vị của xâu nào đó đã liệt kê trước đó.

**Input Format**

Chữ cái c và K

**Constraints**

'A' < c <='H'; 0 < K < (c – ‘A’);

**Output Format**

Ghi ra lần lượt các xâu ký tự kết quả theo thứ tự từ điển trên từng dòng.

**Sample Input 0**

C 2

**Sample Output 0**

AA

AB

AC

BA

BB

BC

CA

CB

CC

**[Thuật toán sinh]. Bài 25. Mã số máy tính (SPOJ)**

Số lượng máy tính ở các phòng thực hành tăng lên nhanh chóng. Để gán mã cho các máy tính của trường đó người ta sử dụng mã gồm 2\*N ký tự, trong đó: N ký tự đầu tiên là hoán vị của N chữ cái in hoa đầu tiên, tính từ A. N ký tự tiếp theo là các ký tự số bất kỳ từ 1 đến N (có thể trùng nhau). Người ta ước tính chỉ cần N = 5 là đủ để gán mã cho toàn bộ máy tính kể cả khi mở rộng quy mô các phòng thực hành. Hãy viết chương trình liệt kê các mã tạo được với giá trị N cho trước.

**Input Format**

Số nguyên dương N

**Constraints**

1 < N < 6

**Output Format**

Ghi ra lần lượt các mã khác nhau tạo được theo thứ tự từ điển, mỗi mã ghi trên một dòng

**Sample Input 0**

2

**Sample Output 0**

AB11

AB12

AB21

AB22

BA11

BA12

BA21

BA22

**[Thuật toán sinh]. Bài 26. Ghép chữ cái(SPOJ)**

Trong 8 chữ cái Tiếng Anh đầu tiên (ABCDEFGH) thì có 2 nguyên âm là ‘A’, ‘E’, còn lại là phụ âm. Người ta muốn ghép các chữ cái bắt đầu từ chữ cái ‘A’ cho đến chữ cái c (‘D’ <= c <= ‘H’) sao cho mỗi chữ cái được sử dụng đúng một lần và xâu kết quả không có nguyên âm nào bị kẹp giữa bởi hai phụ âm. Hãy liệt kê các xâu thỏa mãn theo thứ tự từ điển.

**Input Format**

Chỉ có một dòng ghi chữ cái c

**Constraints**

'D' <= c <= 'H'

**Output Format**

Liệt kê các xâu thỏa mãn, mỗi xâu trên một dòng.

**Sample Input 0**

D

**Sample Output 0**

ABCD

ABDC

ACBD

ACDB

ADBC

ADCB

BCDA

BDCA

CBDA

CDBA

DBCA

DCBA

**[Thuật toán sinh]. Bài 27. Thẻ bài(SPOJ)**

Tèo có N thẻ bài, mỗi thẻ ghi một con số từ 1 tới N. Không có 2 thẻ nào ghi hai số trùng nhau. Tèo muốn xếp thứ tự các thẻ bài sao cho không có hai con số nào liền kề nhau ở cạnh nhau.

**Input Format**

Số nguyên dương N

**Constraints**

4<=N<=10;

**Output Format**

In ra các cấu hình thỏa mãn theo thứ tự từ điển tăng dần

**Sample Input 0**

4

**Sample Output 0**

2413

3142

**[Thuật toán sinh]. Bài 28. Biểu thức lớn nhất**

Cho 4 số nguyên X, Y, Z, T. Nhiệm vụ của bạn là tìm giá trị lớn nhất của biểu thức X o1 Y o2 Z o3 T, trong đó o1, o2, o3 có thể là các dấu +, -.

**Input Format**

Dòng duy nhất gồm 4 số X, Y, Z, T

**Constraints**

-10^5<=X,Y,Z,T<=10^4

**Output Format**

In ra giá trị lớn nhất của biểu thức

**Sample Input 0**

59 71 80 -3

**Sample Output 0**

213

**[Thuật toán sinh]. Bài 29. Dấu ngoặc hợp lệ.**

Cho biểu thức chỉ bao gồm dấu '(' và ')', nhiệm vụ của bạn là hãy sinh ra các xâu biểu thức cân bằng, ví dụ về biểu thức cân bằng (), ()()(), ((())), (())((())), ví dụ về biểu thức không cân bằng (()))(, ()()))

**Input Format**

Dòng duy nhất chứa số nguyên dương N là độ dài của biểu thức

**Constraints**

2<=N<=14, N là số chẵn

**Output Format**

In ra các biểu thức cân bằng theo thứ tự từ điển. Nếu không tồn tại biểu thức hợp lệ có độ dài N thì in ra NOT FOUND.

**Sample Input 0**

4

**Sample Output 0**

(())

()()

**[Thuật toán sinh]. Bài 30. Balo 0-1**

Một tên trộm đột nhập vào 28techland và muốn lấy đi 1 số đồ vật có giá trị lớn nhất. Ở 28techland tồn tại n đồ vật, đồ vật thứ i sẽ có trọng lượng w[i] và có giá trị là v[i], tên trộm mang theo cái balo có thể chứa được trọng lượng tối đa là S, nhiệm vụ của bạn là hãy giúp tên trộm lựa chọn các đồ vật sao cho tổng trọng lượng của chúng không vượt quá S và có giá trị lớn nhất. Chú ý tên trộm chỉ có thể chọn hoặc không chọn 1 đồ vật.

**Input Format**

Dòng đầu tiên là N và S; Dòng thứ 2 là N số tương ứng với trọng lượng của các đồ vật; Dòng thứ 3 là N số tương ứng với giá trị của các đồ vật;

**Constraints**

1<=N<=15; 1<=S<=800; 1<=w[i]<=200; 1<=v[i]<=200;

**Output Format**

In ra tổng giá trị của các đồ vật trong balo.

**Sample Input 0**

12 356

174 153 127 156 156 5 132 161 170 26 181 50

103 32 102 85 54 166 187 173 137 54 24 91

**Sample Output 0**

617